

鉄鋼の相変態 Ⅱ

―界面易動度に律速されるマッシブ変態―

榎本正人*

2.1 純鉄の急冷実験

純鉄の細いワイヤを作り、加熱後、ガスクエンチにより非 常に大きい冷却速度で y→α変態を起こさせると,変態の潜 熱($\Delta H^{\alpha/\gamma} = 0.9 \text{ kJ/mol}$)が発生し、冷却曲線にこぶや折れ曲 がりが生成することから変態温度を測定できる. これをサー マルアレスト(thermal arrest)と呼ぶ. 1960年頃から1980年 代にかけて、英国やロシア圏でこの種の実験が盛んに行われ た.図2・1に代表的な実験結果を示す(1).冷却速度を上げて いくと、変態点が少しずつ低下するが、やがて一定になる. これをプラトー(plateau)と呼ぶ. さらに冷却速度を上げる と,変態温度は急激に下がって別のプラトーが現れ,最終的 には4つのプラトーが現れることが明らかとなった.この ことは、純鉄には4つの y→α変態があることを示唆してお り、上から、マッシブプラトー(~800℃付近)、ベイニティ ックプラトー(~760℃), ラスマルテンサイトプラトー (~545℃),双晶マルテンサイトプラトー(~420℃)と命名 されている(Wilson はマッシブプラトーの上に(~860℃), 等軸(equiaxed), ないしポリゴナル(polygonal)フェライト のプラトーがあると報告している(1)). これらのプラトーの 本質はいろいろ議論されているところであるが, Borgenstam と Hillert は界面前方に生成する炭素の拡散ス パイクの幅から、マッシブプラトーとベイナイトプラトーま では界面で炭素の局所平衡が成立すると考察している⁽²⁾.ま た,炭素濃度を変えてプラトー温度を測定し,濃度をゼロに 外挿することにより、純鉄のM。点は~550℃と推定されて いる.この推論が正しければ,MnやNiを含む鉄合金で, 550℃以上の温度で起こる組成不変の y→α 変態は、マッシ



図2·1 純鉄の急冷により観測されるサーマルアレス ト⁽¹⁾温度の冷却速度に対する依存性.

ブ変態と考えるべきである.

 $y \rightarrow \alpha_m$ 変態[†]は特殊な変態でなく、極低炭素鋼では普通に 起こっている.米国金属学会(TMS)では、20年ごとにマッ シブ変態に関するシンポジウムを開いている.2000年に行 なわれたシンポジウムでは、マッシブ変態の定義が話題とな った.議論の末、ひとまず、"composition invariant, interface-controlled diffusional phase transformation, involving a characteristic irregular patchy microstructure and frequent faceting and ledges, but not necessarily involving lattice orientation relationships" (母相とは必ずしも方位関係を有 するとは限らず、界面が多くの場合ファセットとレッジから 成る不規則なまだら模様の組織を生じる変態、組成不変で界 面反応により律速される-筆者訳)となった⁽³⁾. 'patchy'とあ

* 茨城大学名誉教授;理工学研究科(〒316-8511 日立市中成沢町 4-12-1) Phase Transformations in Steel — Massive Ferrite Transformation Controlled by Interface Mobility—; Masato Enomoto (Emeritus Professor, Graduate School of Science and Technology, Ibaraki University, Hitachi) Keywords: steel, diffusion, phase interface, growth, mobility, local equilibrium, paraequilibrium, solute drag, massive transformation

²⁰¹⁴年1月24日受理[doi:10.2320/materia.54.65]



図2・2 不規則なパッチ状のマッシブ粒.

るのは、マッシブ変態の生成物が多くの場合、図2・2のよう な形状を有し、これが、つぎ布を連想させるためであろう. 組成不変であれば無拡散のマルテンサイト変態が想起される が、マッシブ変態では格子の組み換えが界面近傍の短距離拡 散で起こると考えられるので、剪断による格子変形とは区別 される.しかしながら、Massalski も上の定義は今後検討の 余地があるとしている.

2.2 マッシブ変態の速度論

2·2·1 Fe-X 合金

マッシブ変態は図2・3の合金 c のように,ある単相域から もう一つの単相域へ温度(あるいは圧力)をすばやく変化させ たときに起こる変態と考えてよい.ここで,すばやくという のは,2つの単相域の間にある2相域を通過する際に,長距 離拡散を伴う変態や析出が起こらない速さという意味であ る.これとは対照的に,合金 a のように y 単相域から(α + y)2相域へ温度を変化させたとき,局所平衡を保ちながら析 出が起こるとすると,母相とは異なった組成(α)の析出物が 生成する.そこで,溶質原子濃度を減らし,合金 b のよう に $\alpha/(\alpha+y)$ 相境界まで来ると,析出相の組成は母相と等し くなる. α 単相域内では溶質原子の長距離拡散は必要ではな くなり,界面移動は界面の摩擦力に律速される.

このように、局所平衡が成り立てば2相域では析出となるため、マッシブ変態は単相域でしか起こらないことになるが、Fe-Ni合金では2相域の7%Ni付近までマッシブ変態でα相が生成することが報告されている⁽⁴⁾.このことは、 α/γ 界面でNiの局所平衡が保たれなかったことを意味する.そこで、Niの拡散スパイクが全く生じないと仮定すると、マッシブ変態界面の移動を駆動する自由エネルギーは組成が同じα相とγ相の自由エネルギー差 $\Delta G^{\gamma \to \alpha}$ に等しい.このときのマッシブ界面の移動速度は、

$$v = M \frac{\Delta G^{\gamma \to \alpha}}{V_{\rm m}} \tag{2.1}$$

と書き表わされる.ここに、 $V_{\rm m}$ は α 相のモル体積,Mは α/γ 界面の易動度である. $\Delta G^{\gamma \to \alpha} = 0$ になる温度を T_0 温度 と呼ぶ. T_0 温度は拡散スパイクが生じないときのマッシブ 変態が起こる熱力学的な上限温度である. T_0 温度を溶質原 子濃度に対してプロットすると、図2·3の破線のように2相



図2・3 析出(Alloy a)とマッシブ変態(Alloy c)における
 局所平衡下の溶質原子の拡散スパイク. Alloy b
 は相境界上での拡散スパイクを示す.

域のほぼ中間を通る.

2·2·2 Fe-C 合金

Fe-C 合金では炭素原子の拡散易動度が置換型合金元素よ り桁違いに大きいので、単相域でも界面で炭素の局所平衡が 成り立つと考える.図2·3の組成 c の合金を考える.このと きの炭素のスパイクの高さは、図2·4(a)に示すような方法で 求められる⁽⁵⁾.はじめに、 α の自由エネルギー曲線に合金組 成を接点とする接線を引き、炭素側の縦軸との交点から、今 度は y の自由エネルギー曲線に接線を引くと、接点の炭素濃 度 c^yが界面の y 側の炭素スパイクの高さとなる.2 相域に おける析出とは異なり、Fe の局所平衡は成り立たないこと に注意されたい ($\mu_{Fe}^{e} \neq \mu_{Fe}^{e}$). α 相と y 相の自由エネルギー差 $\Delta G^{p \to \alpha}$ のうち、この接線より上側が炭素の拡散スパイクの 形成に使われる自由エネルギー ΔG^{D} であり、接線より下側 の ΔG^{B} が α /y 界面移動に対する正味の駆動力である.よっ て、炭素原子の局所平衡が成立した場合の単相域におけるマ ッシブ変態界面の移動速度は、

$$v = M \frac{\Delta G^{\rm B}}{V_{\rm m}} = M \frac{\Delta G^{\gamma \to \alpha} - \Delta G^{\rm D}}{V_{\rm m}}$$
(2.2)

と書かれる. 図2・4(b)に Fe-0.005と0.01%C 合金における $\Delta G^{\text{D}}/\Delta G^{\gamma \to \alpha}$ の温度変化を示す. $\alpha/(\alpha + \gamma)$ 相境界においては 100%拡散によって自由エネルギーが消費される. α 相の内 部へ入るにつれて, ΔG^{D} の割合が減少し,相境界から最も 遠ざかったところで極小になる. 温度の低下とともに ΔG^{D} の割合が再び増加するのは, α 相の炭素の固溶限が温度の低 下とともに減少し, $\alpha/(\alpha + \gamma)$ 境界に近づくためである(図2・ 4(c)参照).



図2・4 (a) α 単相域のマッシブ変態において、局所平衡下の炭素の拡散スパイク(x²_b, 図2・3の c')とスパイク形成で 消費される自由エネルギー ΔG^{D} と界面を駆動する正味の自由エネルギー ΔG^{B} . (b) Fe-0.005C と0.01C 合金 における ΔG^{D} が変態の全駆動力に占める割合の温度変化. (c) Fe-C 合金における $\alpha/(\alpha+\gamma)$ 相境界.

=

2·3 α/y 界面のモビリティー

1.3で α/y 界面エネルギーの値が測定方法や研究手段によって大きく異なることを述べたが,α/y 界面易動度でも事情 は同じである.現時点では,表2・1に示すような3つの式が 提唱されている⁽⁶⁾⁻⁽⁸⁾. (I)は,SpeichとSzirmaeの急速加 熱による y 化の実験とフェライト粒成長の速度から推定され たもの,後の2つは種々のFe-X 合金におけるマッシブ変態 の進行を示差熱分析や熱膨張で測定して求められたものであ る. (I)の易動度の値はフェライトアロトリオモルフの成長 にはほとんど効かない程度の大きさである.しかしながら,Fe-C 合金の初析フェライトの成長速度は,計算値より小さくなる 傾向がある⁽⁹⁾.そこで,(I)より5桁も小さい式(II)を使い, 1.2で述べた混合モードの計算を行うと,実測の成長速度定 数とよく合うことが報告された⁽¹⁰⁾.ただし,合金元素Xが 易動度に及ぼす影響についてはほとんどわかっていない.

2.4 ソリュートドラッグ効果

固溶原子や不純物原子が粒界や異相界面に偏析して,界面 移動の抵抗になることをソリュートドラッグ効果と呼ぶ.粒 界に対するソリュートドラッグは非鉄合金で以前から研究さ れ,よく認識されている.これに対し,異相界面のソリュー トドラッグ効果が注目されたのは比較的最近のことである. この原因としては,異相界面のソリュートドラッグは限られ た条件でしか働かないと考えられることである.たとえば, 析出物/母相界面を考えると,析出物の成長が母相中の固溶 原子の長距離拡散で律速されるのに対し,ソリュートドラッ

ま て り あ 第54巻 第2号(2015) Materia Japan

表2·1 α/γ界面の易動度⁽⁶⁾.

	Mobility equation (in $m^4/Js)$	Remark
Ι	$0.035 \exp(-147,000/RT)$	Austenitization, ferrite grain growth
Π	$4 \times 10^{-7} \exp(-147,000/RT)$	$\gamma \rightarrow \alpha_{\rm m}$ transformation
Ш	$1.7\!\times\!10^{-5}\exp{(-147,\!000/RT)}$	$\gamma \rightarrow \alpha_{\rm m}$ transformation

グは界面の中の拡散が関与する現象であり、粒界拡散が体拡 散より十分速いとすると、析出物の成長の律速過程にはなり えない.これに対し、鉄鋼では多くの変態が炭素の拡散で律 速されるので、合金元素が変態界面に偏析すると、合金元素 の界面拡散が変態速度に大きな影響を及ぼす可能性がある. 炭素や合金元素の長距離拡散を必要としないマッシブ変態で も同様な効果を期待できる.実際、次回で述べるようにベイ ナイトの変態停留を合金元素のソリュートドラッグにより説 明しようという試みがある.

2.4.1 ソリュートドラッグ力の計算

固溶原子や不純物原子が偏析していない状態で界面が移動 を始めると、これらの原子が徐々に界面に集積し、やがて満 杯になる.満杯の量は合金元素の種類によって異なる.ま た、界面がゆっくりと移動すると満杯に近い状態になるが、 速く移動すると原子の一部は捕獲されず、集積量は満杯時よ りは少なくなる.偏析量が母相の10倍であったとすると、 その状態になるのに必要な時間は、界面が10原子程度移動 するのに要する時間であって、それ以後は界面の中の原子の 量や分布は変わらない.従って,ソリュートドラッグの理論 では界面内の拡散は定常状態であるとして議論されることが 多い. 偏析原子と粒界の相互作用として,図2・5(a)のような くさび形のポテンシャルを考える.粒界がx軸の正の方向へ 移動すると,粒界の右半分の原子はポテンシャルの低い方へ 位置を変えるのに対し(粒界を前に押す力となる),左半分の 原子はポテンシャルの高い方へ移動する(粒界を後ろに引っ 張る). 偏析原子が界面を引きずる力は,両者の力の差であ る.

以上のような観点に立って,ソリュートドラッグ力の式を 導いてみる.はじめに,偏析原子の化学ポテンシャルを,



図2・5 (a) 粒界のソリュートドラッグのモデリングに 使われる偏析原子のくさび形相互作用ポテンシ ャル, (b) 偏析原子のプロファイル,および(c) 粒界ドラッグで消費される自由エネルギー.

 $\mu = kT \ln c(x) + E(x)$ (2·3) と書く. c(x)は偏析原子の濃度, x は粒界に固定された座標 である. E(x)は粒界内の位置に依存する偏析原子の結合エ ネルギーで, くさび形ポテンシャルでは,

$$E(x) = \begin{cases} \mu_0 & x \le -1 \\ -E_0(1+x/\delta) & -1 < x \le 0 \\ E_0(x/\delta - 1) & 0 < x \le 1 \\ \mu_0 & 1 < x \end{cases}$$
(2.4)

と書かれる.ここに、 2δ は粒界の幅を表す.この座標系に対して、偏析原子の流束は、

$$-J = c \cdot \frac{D}{kT} \frac{\partial \mu}{\partial x} = D \frac{\partial c}{\partial x} + \frac{Dc}{kT} \frac{\partial E}{\partial x}$$
(2.5)

と書き表される.ここに、Dは偏析原子の拡散係数である.ただし、粒界に沿っての拡散係数ではなく、粒界を<u>横切る</u>ときの拡散係数で、粒界内の位置に依存する.これを trans-interface boundary diffusivity と呼ぶ.静止座標系に 対して、粒界が速度 v で動いているとすると、

$$\frac{\partial c}{\partial t} = -v \frac{\partial c}{\partial x} \tag{2.6}$$

である. Cahn⁽¹¹⁾は E や D o x 依存性を考慮して,一般的 な解を求めている. 粒界を横切る拡散係数の値(平均値)は体 拡散係数の10~100倍,あるいは同程度ともいわれている. ここでは,図2·5(a)のようなポテンシャル($\partial E/\partial x$ が粒界の 左右のそれぞれで一定)について,Dはxに依存しないとし て議論を展開する.

フィックの第2法則,および式(2·5),(2·6)より,

$$\frac{\partial}{\partial x} \left(D \frac{\partial c}{\partial x} + \frac{Dc}{kT} \frac{\partial E}{\partial x} + vc \right) = 0 \tag{2.7}$$

すなわち,

$$D\frac{\partial c}{\partial x} + \frac{Dc}{kT}\frac{\partial E}{\partial x} + vc = \text{const}$$
(2.8)

である. 粒界から離れた点で($\partial c/\partial x \ge \partial E/\partial x$ はともにゼロ) 流束を計測すれば, $J = c_0 v = \text{const}(c_0$ は偏析原子のバルク濃 度)であるから,

$$\frac{\partial c}{\partial x} + c \frac{\partial E'}{\partial x} + \frac{v}{D}(c - c_0) = 0$$
(2.9)

となる.ただし, $E' = E_0/kT$,粒界内で $D = D_b$,粒界の外で は $D = D_V$ である.上式は無次元化距離Xと無次元化速度Vを使って,

$$\frac{\partial c}{\partial X} + \beta c - V_{c_0} = 0 \qquad (2 \cdot 10)$$

$$\beta = \begin{cases} V - \alpha & -1 < X \le 0 \\ V + \alpha & 0 < X \le 1 \end{cases}$$

$$V = \begin{cases} v \delta / D_{\rm b} (= V_{\rm b}) & -1 \le X \le 1 \\ v \delta / D_{\rm V} (= V_{\rm V}) & 1 < X \end{cases}$$

$$X = \frac{x}{\delta}$$

と書ける.式(2·10)をオイラー(Euler)法,あるいはより精 度の高いルンゲークッタ(Runge-Kutta)法などにより数値的 に解けば,粒界付近の偏析原子の濃度プロファイルを計算で きる. 図2・5(b)に, $E_0 = 10 \text{ kJ/mol}$, $D_b \delta = 5.4 \times 10^{-8} \exp (-18640/\text{T}) \text{ cm}^3/\text{s}$, および $D_V = 0.7 \exp (-34400/\text{T}) \text{ cm}^2/\text{s}$ (~2 D_{Fe} , D_{Fe} はオーステナイト中の Mn の拡散係数)とした ときの濃度プロファイルを示す. 粒界の移動速度 Vが大き いと偏析の度合いは小さいが,粒界の左右で偏析量が異なる. Vの減少とともに,偏析量は増え,濃度分布は左右対称に 近くなる. 粒界の前面で,濃度プロファイルが階段状に $c \sim c^0$ になっているが,これはマトリクス内の拡散係数(D_V)が 粒界内の拡散係数(D_b)に比べ,非常に小さく,粒界の端で D_b から D_V へ不連続に変わると仮定しているためである.

粒界のドラッグ力は,式(2·10)を解いて得られた濃度分 $\pi c(x)$ により,

$$P = N_{\rm V} \int_{-\infty}^{\infty} (c - c_0) \frac{\mathrm{d}E}{\partial x} \,\mathrm{d}x = 0 \qquad (2 \cdot 11)$$

で計算される. $N_{\rm V}$ は単位体積当たりの原子の個数を表す. 図2・5(c)に $PV_{\rm m}(V_{\rm m}$ は鉄のモル体積=7.1×10⁻⁶m³)のVに対する依存性を示す. Vが大きいときには偏析量が小さいことにより,ドラッグ力は小さいが,Vの減少とともにPは徐々に増加し,やがてピークに達する.このピークは偏析量の増加と,粒界の左右の部分の偏析量の差が最大になることによってもたらされる.この図では, $V\sim$ 1.8のとき,Pが最大になっているが,他の拡散係数を使ってもPが2前後でピークになることが多い.Vが非常に小さいときは,偏析量は大きくてもドラッグ力は小さいことに注意する.

演習問題2

式(2・10)を解析的に解いて,	濃度プロ	ファイルと	ドラ
ッグ力を求めよ. (2・10)の解	『析解は,	たとえば,	文献
(12)を参照されたい.	(解答は最新	終回に掲載し	ます)

2·4·2 異相界面のソリュートドラッグ

異相界面と粒界との違いは,偏析原子の化学ポテンシャル が母相と生成相の間で異なることである. Purdyと Brechet⁽¹³⁾は図2・6(a)に示すようなくさび形ポテンシャルを 用い, Cahn の理論を適用して,ソリュートドラッグを解析 している. 異相界面にも式(2・3)と同じ形の化学ポテンシャ ル,

$$\mu = kT \ln c(x) + E(x) \qquad (2 \cdot 12)$$

を仮定する.ただし,

$$E(x) = \begin{cases} \mu_{\alpha}^{0} & X \le -1 \\ \mu_{\alpha}^{0} + (\Delta E - E_{0}) (1 + X) & -1 < X \le 0 \\ \mu_{\alpha}^{0} + (\Delta E + E_{0}) (1 + X) - 2E_{0} & 0 < X \le 1 \\ \mu_{\alpha}^{0} & 1 < X \end{cases}$$
(2.13)

である. $2\Delta E(=\mu_{y}^{0}-\mu_{a}^{0})$ は合金元素の γ と α 中の標準自由エ ネルギーの差であり、 γ 安定化元素に対して ΔE は負、 α 安 定化元素に対しては正の値をとる.式(2·10)とは係数が異 なるだけであるから、偏析原子の濃度プロファイルについて は同じように解ける.粒界と同じ E_{0} の値を用い、 $\Delta E = -2$ kJ/molとして計算した偏析プロファイルを図2·6(b)に示 す. 粒界と母相の拡散係数も同じ値を用いている. 規格化速 度 Vが大きいときは偏析プロファイルの形状は粒界とあま り変わらないが,偏析濃度は粒界に比べ,高めに推移する. Vが小さくなると,偏析濃度はさらに大きくなり,界面の 右端(X=1)のところでバルク濃度より大きくなっている. 図2・6(c)にドラッグ力(散逸エネルギー PVm)の計算結果を 示す.ドラッグ力がピークに達する速度 Vmax が粒界の Vmax より若干小さくなっている. 注意すべきは, Vがゼロに近 づいてもドラッグ力がゼロにならないことである. これにつ いては議論されており,異相界面の場合には式(2・11)が母 相内の拡散スパイクのエネルギー散逸も含んでいるためと考 えられている. Chen ら⁽¹⁴⁾は式(2・11)を用いて Fe-C-Mo 合



図2・6 (a) 異相界面のソリュートドラッグのモデリン グに使われる偏析原子のくさび形相互作用ポテ ンシャル, (b) 偏析原子のプロファイル,およ び(c)ドラッグで消費される自由エネルギー.

金におけるソリュートドラッグの計算を行い, *ΔE*=0のと きは拡散スパイクのエネルギー散逸を含まないことに注目し、 $\Delta E \neq 0 \ge \Delta E = 0$ のときの $PV_{\rm m}$ の差が拡散スパイクの散逸 エネルギーに相当すると考察している.また、このモデルを 使って、鉄合金では炭素との共偏析を考慮した計算も行なわ れている(15).

式(2・11)を異相界面のソリュートドラッグの計算に使用 するときは粒内の拡散スパイクのエネルギーに注意するが必 要であるが、Hillert と Sundman⁽¹⁶⁾は粒界内の拡散に伴うエ ネルギー散逸を直接計算するモデルを提唱している. このモ デルを鉄合金に適用した例も報告されている(17).

2.4.3 ソリュートドラッグが働くときの成長速度の計算

ソリュートドラッグの他に2・3で述べたような界面に固有 の摩擦力 $\Delta G_{\rm fr} = (v/M) V_{\rm m}$ を加えると、界面の移動に伴うエ ネルギーの散逸は,

 $\Delta G^{\rm B} = \Delta G_{\rm drag} + \Delta G_{\rm fr}$ $(2 \cdot 14)$ と書き表される、 ΔG^{B} のvに対する変化を模式的に描くと 図2·7にようになる.表2·1に示したように, α/y 界面の易動 度の値は研究者によって大きく異なっており、△G_{fr}の曲線 が ΔG_{drag} の曲線と離れている場合(M大)と、すぐ近くに位 置する場合もある(M小). $\Delta G^{B} \neq 0$ のときの成長速度の計 算は、1・2で述べた混合モードの場合と同じであるが、マッ シブ界面やプレートのように一定速度で成長する場合と、等 軸フェライトのように時間とともに成長速度が変化する場合 とでは、少し異なった考察が必要である.

はじめに, 定常速度で成長する場合を考える. 変態の駆動 力を *ΔG^{γ→α}* とし, *ΔG^D* がその中の100%を占めるような場 合(*ΔG*^B~0),局所平衡を仮定して成長速度 *v* を計算する. そのときの成長速度は図2·8(a)の点aに相当する.次に, $\Delta G^{\rm B}$ を0から $\Delta G^{\rm p \to \alpha}$ まで変化させ、そのときの $\Delta G^{\rm D}$ に対 応するvを計算し、プロットすると、図のような曲線が得ら れる.この曲線と図2.7の曲線を重ね合わせると、交点では 拡散プロセスの速度と界面過程から決まる速度が等しくなっ ており、これが求める成長速度である.図2·8(b)の曲線 P のように過冷度が大きく ΔG_{drag} と交わらなければ、 ΔG_{fr} と 1点で交わり、vは大きな値になる.一方、曲線Qのように 過冷度が小さく△G_{drag}とも交わる場合には、3つの点で交 わる.これは同一の条件で3つの成長速度が可能であるこ とを意味するが、それぞれの交点では偏析濃度が異なるの で、履歴から偏析濃度が近い点に落ち着くと考えるのが妥当 であろう.

次に、成長速度が時間とともに減少する場合であるが、こ のときも過冷度が十分大きく、 $\Delta G^{\gamma \to \alpha} \delta \Delta G_{\text{drag}} を凌駕する$ ような場合は、一時的に成長の遅れはあっても最期まで成長 を続け、過冷度が小さく ΔG_{drag} の山を越えられなければ、 成長が減速し、停留すると考えられる(18). (つづく)



界面速度の対数





 $(b) \Delta G^{B} = \Delta G_{drag} + \Delta G_{fr} の曲線との交点が求め$ る速度.

(1) E. A. Wilson: ISIJ Int., 34(1984), 615-630.

文

(2) A. Borgenstam and M. Hillert: Metall. Mater. Trans. A, 27 (1996), 1501-1512.

献

- (3) T. B. Massalski: Metall. Trans., 33A(2002), 2277–2283.
- (4) T. B. Massalski, J. H. Perepezko and J. Jaklovsky: Mater. Sci. Eng., 18(1975), 193-198.

- (5) M. Enomoto, T. Sonoyama and H. Yada: Mater. Trans. JIM, **39** (1998), 189–195.
- (6) M. Hillert and L. Höglund: Scripta Mater., 54(2006), 1259– 1263.
- (7) E. Gamsjäger, M. Militzer, F. Fazeli, J. Svoboda and F. D. Fisher: Comput. Mater. Sci., 37 (2006), 94–100.
- (8) J. Hamada, M. Enomoto, T. Fujishiro and T. Akatsuka: Metall. Mater. Trans. A, 45A (2014), 3781–3789.
- (9) J. R. Bradley and H. I. Aaronson: Metall. Trans. A, **12**(1981), 1729–1743.
- (10) G. P. Krielaart, J. Sietsma and S. Van der Zwaag: Mater. Sci. Eng. A, 237 (1997), 216–223.
- (11) J. W. Cahn: Acta Metall., **10**(1962), 789–798.
- (12) 寺澤寛一: 数学概論, 岩波, 東京, (1954), 238-239.
- (13) G. Purdy and Y. J. M. Brechet: Acta Metall. Mater., **43**(1995), 3763–3774.
- (14) H. Chen, A. Borgenstam, J. Odqvist, I. Zuazo, G. Mohamed, J. Ågren and S. van der Zwaag: Acta Mater., 61(2013), 4512-

4523.

- (15) M. Enomoto: Acta Met., 47(1999), 3533-3540.
- (16) M. Hillert and B. Sundman: Acta Met., $\mathbf{24}(1976)$, 731–743.
- (17) H. Guo and M. Enomoto: Metall. Mater. Trans. A, 38(2007), 1152–1161.
- (18) J. Odqvist, M. Hillert and J. Agren: Acta Mater., **50**(2002), 3211–3225.



1972年 東京大学理系大学院物理学専攻修士課程修了
1972年 科学技術庁金属材料技術研究所研究員
1982年 米国カーネギーメロン大学博士課程修了
(Ph. D)
1992年 茨城大学工学部マテリアル工学科教授
2013年4月 同大学大学院理工学研究科特任教授
2014年3月 退職,茨城大学名誉教授
専門分野:材料組織学,金属物理学

榎本正人