# 微小角入射 X 線散乱法を利用した

# 薄膜表面層構造評価

1. はじめに

微小角入射 X 線散乱法は,薄膜積層表面試料に X 線をす れすれの微小角で入射し,その散乱 X 線強度の角度分布か ら,表面各層の膜厚・密度,表面・界面粗さ,表面近傍層結 晶分布などの構造解析を行う手法である<sup>(1)-(4)</sup>.当手法は原 理的には表面から深さ方向に 0.1 nm の分解能を有し,表面 のみならず界面構造の知見を非破壊で得ることができるた め,例えば表面多層膜,人工格子膜,極薄酸化膜,表面腐食 変質層などの構造解析にうってつけである.そして,この手 法によって金属多結晶表面においても表面から深さ方向に 0.1 nm の分解能で構造解析が出来る.例えば本稿の中で紹 介する微小角入射 X 線回折による多結晶鉄酸化膜表面の深 さ方向構造解析については10年ほど前に SPring-8 で行った 実験であるが,鉄酸化膜表面がヘマタイトとマグネタイトの 2 層構造であることを深さ方向 0.1 nm の分解能で示してい る<sup>(5)</sup>.

X線を使った表面層の深さ方向分析としては,他にも, 古くから知られているX線反射率法<sup>(6)(7)</sup>や,X線光電子分 光法<sup>(8)</sup>など様々な手法があり,また,簡単なX線回折装置 で手軽に結果が得られるものから,放射光などの強力なX 線光源を必要とするが精度の高い結果が得られるものまで, 薄膜表面材料の構造解析に有用な手法として様々な解析の報 告がある.しかし,実用技術といった観点からすると半導体 産業など一部の分野で利用されているものの,まだまだ研究 段階の印象を持たれるところが多い.実際,XPSによる表 面組成の深さ方向分析においても,せいぜいX線の進入深 さや光電子の脱出深さを指標とした粗っぽい解析に留まって いる.

藤

居

義

和\*

そこで、本稿では微小角入射 X 線散乱を使った薄膜表面 層深さ方向構造解析について、どういった手法で、どのよう なことが、どの程度の分解能で測定できるのか、そして測定 で得られる情報にはどういった限界があるのかを、X 線反 射率法と微小角入射 X 線回折法を中心に、その原理とその 基礎理論を解説し、その測定応用例について紹介する.

### 2. X線反射率法<sup>(6)(9)</sup>

X線反射率法は、図1のようにX線散乱角 $\theta_s$ を表面入射 角 $\theta_i$ に対して2倍、即ち $\theta_s = 2\theta_i$ となるように連動して走査 し、鏡面反射X線の強度を計測する手法である.ここで特 に表面近傍の媒体からの情報を効果的に検出するため、X 線入射角 $\theta_i$ は、表面にすれすれの微小角(数度以下)である.

X線を固体表面に微小角で入射させた場合,X線の真空 (或いは大気)から固体へ入射した場合の屈折率が1より小



図1 X線反射率測定の概念図.

\* 神戸大学准教授;研究基盤センター(〒657-8501 神戸市灘区六甲台町 1-1)

Structural Analysis of Surface Layers using X-ray Scattering at Small Glancing Angle of Incidence; Yoshikazu Fujii (Center for Supports to Research and Education Activities, Kobe University, Kobe)

Keywords: structural analysis of surface layers, depth profile analysis of poly-crystalline surface layers, X-ray diffraction at small glancing angle of incidence, crystal grain size, surface strain distribution by residual stresses 2009年4月13日受理

さいため、媒体中屈折角が入射角より小さくなる.そして、 入射角がある角度(臨界角 $\theta_c$ )以下では屈折 X 線の表面垂直 方向の波数成分が虚数となり、エバネッセント波として表面 直下の数 nm の領域を表面に沿って伝播する状態となり、全 反射が生じる.物質の X 線に対する屈折率 n は、

$$n = 1 - \delta - i\beta \tag{1}$$

として複素数で表される.ここで $\delta$ と $\beta$ はそれぞれ主に屈 折と吸収の効果を表す. $\delta$ は波長 $\lambda$ が0.1 nm 程度のX線に 対して10<sup>-5</sup>~10<sup>-6</sup>程度の大きさである. $\beta$ は線吸収係数 $\mu$ を用いて

$$\beta = \mu \lambda / 4\pi \tag{2}$$

と表わされ、この $\beta$ が十分に小さければ、全反射がおこる 臨界角度 $\theta_c$ は、 $\delta$ を用いて近似的に

$$\theta_{\rm c} = \sqrt{2\delta} \tag{(3)}$$

となる.そこで、実験で得られた臨界角 $\theta_c$ から表面薄膜の 屈折率が求められ、さらに表面薄膜の密度を求めることがで きる.この臨界角度 $\theta_c$ は通常 $0.2^\circ \sim 0.5^\circ$ 程度であり、X線の 波長が長いほど大きく、構成物質が重元素で平均電子密度が 大きくなるほど大きくなる.

入射角が全反射臨界角よりも大きい場合,媒体表面から浸透する X 線強度は表面から深さ方向に指数関数的に減衰する. このため,表面から出射する X 線は表面近傍で散乱された X 線が主となり表面近傍の情報を反映したものとなっている.

X線反射率測定では、これらの特徴をうまく利用して表面多層膜層の解析を行う.多層膜の場合、表面或いは多層膜 界面で散乱したX線の干渉効果により反射X線の強度が入 射角に伴って振動変化する.これを解析することにより表面 多層膜の各層の厚さや界面粗さなどが求められる.

例えば,表面が図2のように2層構造となっている場合,この振動の周期はBraggの回折条件式と同じ

$$2\Delta\theta = \lambda/d \tag{4}$$

を使って簡単に見積もることができる.実際には屈折効果の ため,臨界角より m 番めの極大をとる入射角は,近似的に

$$\theta_{\rm m}^2 \cong (m\lambda/2d)^2 + \theta_{\rm c}^2 \tag{5}$$

と表される<sup>(9)</sup>. (ここで*d*には屈折率*n*をかけた*nd*が入る) また,振動の振幅は界面粗さに対応し,界面が粗れている

ほど振動振幅は小さくなる.表面多層膜におけるX線反射 率法とは、このような関係を利用して、膜厚、密度、界面粗 さなどの膜構造のパラメータを決定する方法である.

一般の多層膜では、図3のようなモデルを立て、各界面で



図2 2層膜表面からのX線反射.

の境界条件をもとに漸化式を用いて反射率の角度依存性を計 算する<sup>(10)</sup>.ここで,真空中(大気中)でのX線の屈折率 n<sub>0</sub> を1, *l*層の屈折率を n<sub>1</sub>とすれば*l*層中でのX線の波数ベク トルの深さ方向成分 k<sub>1</sub>は,

$$k_l = \frac{2\pi}{\lambda} \sqrt{n_l^2 - \cos^2\theta} \tag{6}$$

として表され、l-1層からl層に入射するX線の反射フレ ネル係数 $n_{-1}$ は、

$$r_{l-1,l} = \frac{k_{l-1} - k_l}{k_{l-1} + k_l} \exp\left(-2k_{l-1}k_l\sigma_{l-1,l}^2\right)$$
(7)

として表される.ここで,界面粗さについてはその効果を X線の反射フレネル係数に減衰項をかけることによって取 り入れている<sup>(11)</sup>.実際には,界面は表面に平行な方向の構 造を持っているものであるが,その構造は無視し,表面に垂 直な方向にrms界面粗さσ分だけ密度の変化がぼやけた界 面であるとして扱っている.多層膜でのX線反射強度は, 各層でのX線反射振幅の漸化式,

$$\Psi_{l-1,l} = \frac{\Psi_{l,l+1} + r_{l-1,l}}{\Psi_{l,l+1} \cdot r_{l-1,l} + 1} \exp\left(-2ik_{l-1}d_{l-1}\right)$$
(8)

によって求められ、基盤からの反射を、  $\Psi_{NN+1}=0$ 

$$N,N+1 = 0$$
 (9)

として計算することにより、X線反射率 $R(\theta)$ を、  $R(\theta) = |\Psi_{0,1}|^2$  (10)

によって求めることができる.

測定結果の実際の解析では、測定反射率プロファイルと上 式に基づいた計算反射率プロファイルが一致するように、膜 厚,密度,界面粗さなどを最小二乗法解析によって精密化す る.シミュレーション解析によるモデルフィッティングが必 要となるが、層数が一つ増える毎に上記三つのパラメータが 追加されることになる.そこで、測定反射率プロファイルを フーリエ変換してまず膜厚を求めることでフィティングパラ メータを減らすなど解析の精密化が開発されている<sup>(12)</sup>.上 で示した計算式は、現在、X線反射率測定装置を製造して いるメーカーや、X線反射率測定を行っている分析メーカ ーなどが示しているもので、市販されているX線反射率測 定装置には、大抵この計算式によるプロファイルフィッティ ングを行うソフトが梱包されており、分析を行う者は膜厚、





密度,界面粗さなどを自動的に得られる仕組みとなっている.
 図4に,Si基盤上に表面界面粗さが0.3nmで厚さ10nmのW膜層がある場合のX線反射率の計算例を示す.

X線反射率は、入射角が全反射臨界角(0.5度付近)を越え ると振動しながら減衰している様子が見えるが、この振動の 周期(約0.4度)がW膜層の厚さ10nmに対応し、振動の振 幅が界面粗さを反映している.ここで,振動の周期に対応す る膜厚は比較的明確に求められ、ある程度の信頼性を持って 得られているものと考えてよいが、界面粗さの値について は、どのような近似をもって得られているものかを十分に理 解しておく注意が必要である.上記の計算例では,表面粗さ と界面粗さをどちらも 0.3 nm と同じ値にしているが、表面 粗さや界面粗さというものは、本来、表面に平行な方向の構 造を持っているものであり、粗さの大きさが同じであっても 構造が違った場合、果たして同じ結果が得られるのか、とい う疑問が湧いてくる.これは界面粗さを界面密度変化のぼけ 具合として近似していることによる解析限界を示している. そこで、X線反射率測定で得られる情報がどのようなもの か,次に考察する.

# 3. 逆空間による理解

X線反射率測定の結果がどういった情報を示すものであ るかは、先に測定反射率プロファイルをフーリエ変換して膜 厚を求める手法があることを紹介したように、逆空間で考え ることによってより深い理解を得ることができる。表面層の 膜厚dの値は、X線反射率の振動の周期 $2\Delta\theta$ から Braggの 回折条件式と同様の式(4)を使って簡単に見積もることが できた。そこで、式(4)を入射 X線の波数ベクトルと反射 X線の波数ベクトルの差であるX線散乱ベクトルの大きさ  $\Delta k (=4\pi\Delta\theta/\lambda)$ を使って書き直すと、

$$\Delta k = 2\pi/d \tag{11}$$

と簡単になる.ここでX線を光子と考えるとプランク定数 ħを掛けてX線の運動量の変化として表すことが出来て,

$$\Delta p = \hbar \Delta k = 2\pi \hbar/d$$
 (12)  
である. そこで、 $d = \Delta x$ 、 $2\pi \hbar = h$  として表現しなおすと、

ま て り あ 第48巻 第9号(2009) Materia Japan

#### $\Delta x \Delta p = h$

という,量子力学で有名なハイゼンベルグの不確定性原理を 表すものとなる.即ち,X線を運動量を持つ光量子とみな した時,膜厚 $d=\Delta x$ の刻みの空間によって,プランク定数 hによって決まった $\Delta p$ の刻みの運動量の散乱(飛び飛びの 値の角度で散乱)をしていると理解できる.即ち,X線反射 率での振動周期は,Braggの回折条件と同様,ハイゼンベル グの不確定性原理と同じことを表していることに気がつく.

光も物質も粒であり波であるという2重性の力学を体系 化したものが量子力学であるが、ハイゼンベルグがその論文 の中で東洋の哲学的思想と量子論の近縁性を示唆しているよ うに、粒;局在するものと、波;無限に広がるものが同じも のであるという考え方は量子力学が体系化されるよりはるか 以前からあった. 般若心経に色即是空という一節がある. 色 は形あるもの,空は目に見えない漠としたものである.ここ で色を物質:粒であり,空を宇宙空間:波であるとすれば, 粒はこれ即ち波であるという意味に解釈できる. 粒と波は, 同じものを,色:実空間で見るか,空:逆空間で見るか,見 方を変えて考えているだけなのだということを示しており, 量子力学の本質と逆空間の理解をよく表している. この詳細 は「色即是空による量子と回折の表現」と題して別稿に解説 した<sup>(13)</sup>.波の性質である干渉や回折現象を考えるときに は、波の空間である逆空間で考えることが最も素直な理解を 導く.

X線反射率法を逆空間で見れば,00逆格子ロッドの強度 分布を測定していることになる.図5は、散乱ベクトルが逆 空間においてどのように走査しているかを示している.そし て、X線反射率での振動周期は、振動周期分のX線散乱ベ クトルの波数差が表面膜厚の空間周波数に等しいことを示し ていることが分かる.即ち、X線反射率の振動周波数は、 表面多層膜構造を周波数表現で示しているものである.

図5から, 試料表面に対して垂直な方向の情報を測定し ていることがわかり,従って,得られる情報は表面に垂直方 向の構造のみであり、表面に平行な方向の構造の情報は全く 得られないことがわかる.これが、2章の最後に提示した、 粗さの大きさが同じであっても表面に平行な方向の構造が違 った場合、果たして同じ結果が得られるのか、という疑問の 答えである.界面粗さの近似による解析限界ではなく,この 測定による情報の限界なのである.X反射率測定による表 面粗さ界面粗さの解析と言っても、実際に測定されるのは表 面から深さ方向の媒体の密度変化のみであり、粗さに関する 表面に平行な方向の情報は得られないことに注意しなければ ならない. 微小角入射 X 線散乱法において表面に平行な方 向の情報を得ようとする場合、一般的に、表面に対する入射 角を固定して散乱角分布を測定したり、散乱角を固定して入 射角依存を測定することで, 散乱ベクトルが表面に平行な方 向にも走査する測定が行われる(7).

X線反射率法で得られる情報は,表面に垂直方向の空間 周波数の情報,即ち逆空間での強度を捉えるものでありその 位相情報は失われている.即ち,多層膜の解析において,ど



図5 X線反射率測定の逆空間での概念図.

ちらが上にあるか下にあるかという位置関係を検出すること ができないという欠点を持つ.(厳密に言えば,屈折の効果 と吸収率の違いから求めることは出来るが,測定精度を考え るととても困難である.)また,この方法は表面から深さ方向 の媒体の電子密度変化を捉えるものであるため,電子密度差 の小さい物質の境界を判別することが難しいという欠点を持 つ.そこで,このような欠点を補うため,微小角入射し表面 層で回折した X線の入射角依存を測定することによって電 子密度差の小さい物質で構成された表面層の深さ分布を解析 する手法が研究された.

### 4. 微小角入射 X 線回折による表面深さ方向解析

X線を試料に全反射臨界角付近で入射した際の試料中でのX線強度については古くから解析されており,全反射X線光電子分光法の総説<sup>(8)</sup>で紹介されている.表面の物質の深 さ方向組成分析を行う際には,表面から深さ方向に減衰する X線強度とその深さにおける物質で励起放出される電子の 強度を積算することによって評価される.この記述を式で表 すと,

$$S_M(\alpha) = \int_0^\infty I(\alpha, z) M(z) R(z) dz$$
(14)

である.ここで、 $I(\alpha, z)$ は入射角 $\alpha$ で試料表面に入射した X線の表面からの深さzでの強度、M(z)は深さzに存在す る対象物質がX線または電子を励起放出する強度、R(z)は 励起放出されたX線または電子が表面に向かう行程におけ る減衰を示す.また、ここで、試料表面の構造が密度の均一 な単純なものであると近似できる場合、全反射臨界角よりも 大きい場合に、X線の試料内進行波の屈折角を $\alpha'$ として、

$$S_{M}(\alpha) = \int_{0}^{\infty} \exp\left(-\frac{4\pi\beta}{\lambda} \cdot \frac{z}{\sin\alpha'}\right) M(z) \, \exp\left(-\frac{1}{L} \cdot \frac{z}{\sin\psi}\right) dz$$
(15)

と近似される.ここでβは入射X線の吸収係数,Lは励起 放出され出射角φで表面に向かうX線または電子の減衰距 離を示す.また,全反射蛍光X線分析法や全反射X線光電 子分光法で入射視射角が全反射臨界角の場合,

$$S_{M}(\alpha_{c}) = \int_{0}^{\infty} \exp\left(-\frac{4\pi\sqrt{\beta}}{\lambda} \cdot z\right) M(z) \exp\left(-\frac{1}{L} \cdot \frac{z}{\sin \psi}\right) dz$$
(16)

となり、試料内のX線は表面極近傍に局在するため、その 狭い領域の情報が検出される.そしてこの出射角 $\phi$ の依存性 から、深さ方向の分布情報が得られる.

ここで検出される X 線や電子線の表面への出射角度が大きい場合,出射行程での減衰を無視して,

$$S_M(\alpha_c) = \int_0^\infty \exp\left(-\frac{4\pi\sqrt{\beta}}{\lambda} \cdot z\right) M(z) dz \tag{17}$$

と近似的に評価することが出来る.しかし,このような扱い ができるのは試料表面の構造が密度の均一な単純な物で入射 X線の吸収係数βが定数と仮定できる場合に限られ,例え ば多層膜構造を持つ表面の場合など表面から深さ方向に密度 変化がある場合には出射行程での減衰を無視しても,

$$S_M(\alpha) = \int_0^\infty I(\alpha, z) M(z) dz$$
(18)

の式に戻って試料内の X 線強度  $I(\alpha, z)$ を求める必要が生じる.しかし、従来の解析では、表面界面粗さを持つ多層膜や表面から深さ方向に不均一な密度分布を持つ媒体での精密な評価はなされておらず、均一な物質中で減衰しながら進行する X 線強度に基づいた近似式で評価するに留まっていた.

そこで、表面界面粗さを持つ多層膜など表面から深さ方向 に不均一な密度分布を持つ媒体を、深さ方向に連続的に複素 屈折率が変化する媒体としてその中を進行する X 線強度を 求め、それぞれの深さにおける媒体の散乱強度を積算するこ とによって回折 X 線の強度を求める解析手法を開発し た<sup>(5)</sup>.この手法で、多結晶体で構成される表面であればその 結晶粒界の深さ方向分布や、複雑な構造を持つ表面における 残留応力に伴う表面歪の深さ方向分布なども求めることがで きる.

微小角入射 X 線が試料表面近傍の結晶によって散乱した 結果検出される回折 X 線強度については,試料中を進行す る透過 X 線の強度は動力学的に求め,その深さで回折を起 こす多結晶の量と透過進行 X 線強度に比例するとした準運 動学的散乱モデルによって計算する.界面の乱れよる散漫散 乱<sup>(14)</sup>は無視できるとし,Maxwell方程式<sup>(15)</sup>を用いて連続媒 体中の電磁波強度を求める.ここで媒体による吸収の効果は 複素屈折率 n(z)を用いて考慮され,媒体内での X 線進行波 の波数ベクトルも複素数のまま表現することで,入射視射角 が全反射臨界角以上の場合の X 線屈折波と,臨界角以下の 場合が統一的に表現される.

X線進行波の実際の計算は、媒体を仮想的に厚さdの薄 い層に分割し各層における電磁波を求める Parratt の方法を 使う<sup>(10)</sup>分割j層の複素屈折率 $n_j$ を、 $n_j=1-\delta_j-i\beta_j$ 、波数ベ クトルの表面に垂直なz方向の成分を、

$$k_{j,z} = \sqrt{n_j^2 \boldsymbol{k}_0 \cdot \boldsymbol{k}_0 - k_{0,x}^2} \tag{19}$$

として分割j層でのX線進行波の電場を表すと、振幅 $A_j$ は、

 $A_{1} = \Phi_{1}A_{0}, A_{j} = \Phi_{j}A_{j-1} \exp(ik_{j-1,z}d)$ (20) と表される. ここで、 $\Phi_{j}$ はj-1層からj層への透過波に対 するフレネル係数であり、電磁波の境界条件より、

$$\boldsymbol{\phi}_{j, xx} = \frac{2\mathbf{k}_{j, z}\boldsymbol{k}_{j-1} \cdot \boldsymbol{k}_{j-1}}{\mathbf{k}_{j-1, z}\boldsymbol{k}_{j} \cdot \boldsymbol{k}_{j} + \mathbf{k}_{j, z}\boldsymbol{k}_{j-1} \cdot \boldsymbol{k}_{j-1}} \\
\boldsymbol{\phi}_{j, yy} = \frac{2\mathbf{k}_{j-1, z}}{\mathbf{k}_{j-1, z} + \mathbf{k}_{j, z}} \\
\boldsymbol{\phi}_{j, zz} = \frac{2\mathbf{k}_{j-1, z}\boldsymbol{k}_{j-1} \cdot \boldsymbol{k}_{j-1}}{\mathbf{k}_{j-1, z}\boldsymbol{k}_{j} \cdot \boldsymbol{k}_{j} + \mathbf{k}_{j, z}\boldsymbol{k}_{j-1} \cdot \boldsymbol{k}_{j-1}} \\
\boldsymbol{\phi}_{j, xy} = \boldsymbol{\phi}_{j, yz} = \boldsymbol{\phi}_{j, yz} = \boldsymbol{\phi}_{j, zy} = \boldsymbol{\phi}_{j, zx} = \boldsymbol{\phi}_{j, xz} = 0 \quad (21)$$

と求められる. そして, これらの式を用いて分割*j*層における X 線進行波の電場は,

$$E_{j}(z) = \left(\prod_{J=1}^{j} \Phi_{J}\right) A_{0} \exp\left[i(k_{0,x}x + d\sum_{J=1}^{j-1} k_{J,z} + k_{j,z}(z - (j-1)d) - \omega t)\right]$$
(22)

と表される. そして深さ z における透過 X 線進行波の強度 は,

$$I(\alpha, z) = \left| \left( \prod_{J=1}^{j} \varPhi_{J} \right) A_{0} \cdot \left( \prod_{J=1}^{j} \varPhi_{J} \right) A_{0} \right| \cdot \exp \left\{ -d \frac{4\pi}{\lambda} \sum_{J=1}^{j-1} b_{J} - \frac{4\pi}{\lambda} b_{j} (z - (j-1)d) \right\}$$
(23)

と表される. このようにして X 線の深さ z での強度  $I(\alpha, z)$ は X 線の試料表面に対する入射視射角  $\alpha$  によって変化する ことを示し, X 線回折強度の入射角依存からその深さ z にお ける試料の情報を導き出すことができる.

ここで、微小角入斜 X 線回折により多結晶酸化鉄表面層 の深さ方向分布解析を行った例を示す.実験は SPring-8の ビームライン BL24XU(Hyogo BL)で実施されたものであ る.表面を酸化処理した多結晶純鉄試料表面に 10 keV の X 線を微小角入射し散乱 X 線を測定した.図6は回折 X 線強 度プロファイルを幾つかの入射角αについてプロットした ものである.

角度 $\theta$ =26.6°付近のピークはFe<sub>2</sub>O<sub>3</sub>(104)による回折,角 度 $\theta$ =24.1°付近のピークはFe<sub>3</sub>O<sub>4</sub>(220)による回折,角度 $\theta$ =35.6°付近のピークはFe(110)による回折である.これら



図6 多結晶純鉄表面における回折 X 線の強度分布<sup>(1)</sup>.

ま て り あ 第48巻 第9号(2009) Materia Japan の回折ピークの強度は入射角αに依存して特徴のある変化 を見せている.これらの回折X線強度の入射角依存を図7 に示す.

それぞれの回折強度が極大値をとる入射角は、この後の解 析で示されるように、それぞれの多結晶層のX線全反射臨 界角に対応する.また、入射角が小さい時の強度の比較か ら、最も強度が大きい Fe<sub>2</sub>O<sub>3</sub> 多結晶層が最上層にあり、次 に Fe<sub>3</sub>O<sub>4</sub> 多結晶層が存在し、下地層である Fe 層が最下層と なっていることが分かる.そこで Fe<sub>2</sub>O<sub>3</sub>/Fe<sub>3</sub>O<sub>4</sub>/Fe の 3 層モ デルについて解析を行った.それぞれの多結晶層からの回折 X線強度は、その回折ピークを作り出す多結晶の量とX線 進行波強度の積について深さ方向に加算したものである.即 ち、深さ*z*における多結晶*M*の密度を $\rho_M(z)$ とすると回折 X線強度は、

$$I_M(\alpha) = \int_0^\infty \rho_M(z) I(\alpha, z) dz$$
(24)

によって求められる.

ここで、 $Fe_2O_3/Fe_3O_4/Fe$ のそれぞれの界面粗さをガウス 分布関数で仮定し、界面粗さ $\sigma_1, \sigma_2$ 、厚さDの多結晶Mが 深さ $z_1$ から $z_1+D$ まで存在するとき、その密度 $\rho_M(z)$ を

$$\rho_M(z) = \int_{-\infty}^{z} f(x - z_1, \, \sigma_1) \, dz \, \cdot \, \left\{ 1 - \int_{-\infty}^{z} f(x - z_1 - D, \, \sigma_2) \, dz \right\}$$
(25)

$$f(x, \sigma) = \frac{1}{\sqrt{2\pi\sigma}} \exp\left(-\frac{x^2}{2\sigma^2}\right)$$
(26)

として表されるとして,式(24)を用いて図7の測定結果を 解析した.得られた酸化鉄表面層の構造を図8に示す.

このようにして, 微小角入射 X 線回折強度の入射角依存 から,表面酸化層が Fe<sub>2</sub>O<sub>3</sub>/Fe<sub>3</sub>O<sub>4</sub>/Fe の順に層構造をなして いることと,それぞれの厚さ,表面界面粗さがサブナノメー トルオーダーの精度で求められた.Fe<sub>2</sub>O<sub>3</sub> と Fe<sub>3</sub>O<sub>4</sub>の密度差 は小さく X 線反射率測定では界面粗さと区別が出来ず精密 に求めることが困難な媒体の深さ方向解析に良い情報を与え る手法であることがわかる.

次に、多結晶鉄表面層の結晶粒界サイズの深さ方向プロファイリングを行った例を示す<sup>(16)</sup>.図6におけるFe(110)回





図8 微小角入射X線回折で得られた酸化鉄表面構 造<sup>(5)</sup>.

折ピーク幅は表面層における Fe 多結晶の結晶粒界の大きさ を反映しており,小さな入射角においてこの回折ピーク幅が 大きくなっているのは,表面近傍において Fe 結晶粒が小さ くなっていることを示している.測定した多結晶純鉄試料は 表面を機械研磨したものであるが,一般に研磨されると表面 層の結晶が細かく砕けて粒界サイズが小さくなると言われて おり,この X 線回折ピーク幅の実験結果はそれを良く示し ている.そこで,Fe(110)回折ピーク幅の入射角依存を解析 して,Fe 結晶粒界サイズの深さ方向プロファイルを求める.

X線が多結晶表面に入射したとき,回折X線は,表面層 中のそれぞれの深さにある結晶粒から回折したX線の総和 と考える.即ち,観測される回折X線の強度分布は以下の 式で表される.

$$I_M(\alpha, K) = \int_0^\infty S_M(z) \frac{\sin^2\left(\frac{KL(z)}{2}\right)}{\sin^2\left(\frac{Ka_0}{2}\right)} I(\alpha, z) dz$$
(27)

ここで  $S_M(z)$ は結晶 M の深さ z における面内密度であり, L(z)は深さ z での結晶粒の粒径である. 多結晶表面層中の X 線進行波強度  $I(\alpha, z)$ は入射角の関数であるため,結晶粒 の粒径 L(z)が深さ z に対して一定でない時,観測される回 折 X 線強度分布  $I_M(\alpha, K)$ は入射角に依存する. この入射角 依存を解析することにより,結晶粒の粒径の深さ方向プロフ r イルが求められる.

実験結果は、表面近傍において Fe 結晶粒が小さくなって いることを示しているので、表面最上層での結晶粒の粒径を  $L_s$ 、十分深い所での結晶粒の粒径を $L_D$ 、その粒径に収束す る深さをDとして、深さzでの結晶粒の粒径 L(z)を、以下 の式で表す.

$$L(z) = L_D + (L_S - L_D) \exp\left(-\frac{z}{D}\right)$$
(28)

このモデルを用いて計算を行い,実験結果に合う回折ピーク 幅の入射角依存を求めた結果を図9に合わせて示す.実験結 果を再現する結晶粒の粒径の深さプロファイルは, $L_D=85$ nm, $L_S=17$  nm,D=150 nm であった.この粒径は,先に 求められた表面粗さ・界面粗さに比べてはるかに大きく,純 鉄多結晶表面層の結晶粒が,機械研磨によって細かく砕ける



と同時に削られ平滑化されることで表面全体として滑らかに なっていると考えられる.一方,この結晶粒の大きさは,通 常の多結晶鉄の結晶粒の大きさよりもはるかに小さく,X 線回折ピーク幅から求めた粒径は,結晶粒界の粒径ではな く,結晶粒を構成する結晶小片(crystallites)であると予想さ れる.この解析によって,純鉄多結晶表面層の結晶粒が機械 研磨によって細かく砕け,表面最上層の結晶粒がバルク内部 の結晶粒の1/5 程度に小さくなっていること,その影響が 深さ方向に約0.1 µm 程進んでいることがわかった.このよ うにして,表面近傍層における結晶粒界サイズの深さ方向分 布が求められた.

この他に、微小角入射 X 線回折による表面近傍層歪分布 の解析例として、クロムメッキ鋼の約 2 µm の厚さの多結晶 クロム層に残留応力に伴う表面歪が深さ方向にどのような分 布で入っているかを調べた例がある<sup>(17)</sup>.

## 6. おわりに

多結晶材料表面に X 線を微小角で入射し回折 X 線の入射 角依存を測定することで,表面近傍層の深さ方向の構造の様 々な情報が得られる.ここで得られた方法を応用すれば,密 度変化の小さい多層膜表面の深さ方向の構造解析,表面近傍 での格子定数の変化,多結晶膜での配向性や結晶粒サイズの 深さ方向の変化,表面や界面の微量析出・反応相の同定・解 析,表面加工処理層の歪・配向性評価,表面腐食変質層の構 造解析など,多方面の分野における材料表面の深さ方向構造 に関するより精密で新しい知見が得られると期待できる.例 えば,鉄表面腐食変質層について,鉄の結晶粒サイズの深さ 方向分布と腐食変質層の深さ方向分布を同時に測定すること で,環境による腐食の進行を観測することも可能であろう.

これらの解析法について,測定で得られる情報にはどういった限界があるのかを理解していただいた上で活用が進み, さらに発展されることを期待する.

# 文 献

- (1) W. C. Marra, P. Eisenberger and A. Y. Cho: J. Appl. Phys., **50**(1979), 6927.
- (2) I. K. Robinson: Phys. Rev., B33(1986), 3830.
- (3) P. H. Fuoss, D. W. Kisker, F. J. Lamelas, G. B. Stephenson, P. Imperatori and S. Brennan: Phys. Rev. Lett., 69(1992), 2791.
- (4) Y. Fujii, K. Yoshida, T. Nakamura and K. Yoshida: Rev. Sci., Instrum., 68(1997), 1975.
- (5) Y. Fujii, T. Komai and K. Ikeda: Surf. Interface Anal., 37(2005), 190–193.
- (6) V. Holy, U. Pietsch and T. Baumbach (Eds): High-Resolution X-Ray Scattering from Thin Films and Multilayers, Springer, (1999).
- (7) J. Daillant and A. Gibaud (Eds): X-ray and Neutron Reflectivity: Principles and Applications, Springer, (1999).
- (8) J. Kawai: Bunseki, Japan, 7(2000), 409–413.
- (9) 桜井健次編:X線反射率法入門,講談社サイエンティフィ ク,(2009).
- (10) L. G. Parratt: Phys. Rev., 95(1954), 359-369.
- (11) L. Nevot and P. Crose: Rev. Phys. Appl. L 15(1980), 761.

- (12) K. Sakurai and A. Iida: Jpn. J. Appl. Phys., **31**(1992), L113.
- (13) Y. Fujii: Adv. X-ray. Chem. Anal., Japan, 40(2009), 115–126.
  (14) S. K. Sinha, E. B. Sirota, S. Garoff and H. B. Stanley: Phys. Rev., B38(1988), 2297.
- (15) C. Slater and N. H. Frank: Electromagnetism, McGraw-Hill, (1947).
- (16) Y. Fujii and T. Nakayama: Surf. Interface Anal., 38(2006), 1679–1682.
- (17) Y. Fujii, E. Yanase and K. Arai: Appl. Surf. Sci., 244(2005), 230–234.



 1980年
 京都大学工学部物理工学科卒業(京都大学・博士)

 1981年
 シャープ株式会社中央研究所

 1991年4月
 京都大学工学部助手

 1994年4月
 神戸大学工学部助教授

\*\*\*\*\*

専門分野:X線·粒子線応用工学,表面界面,放射線物理,結晶物理

X線・電子線・高速イオン線による表面界面の構造 解析と表面キャラクタリゼーション,新規素材分析手 法の開発,色即是空による量子力学の理解に従事して いる.

\*\*\*\*\*